

U.N.C.P.B.A

FACULTAD DE INGENIERÍA

PROCESOS QUÍMICOS II

### Práctico N° 6

#### Parte a: Función aumentada de Lagrange

##### Planteo n° 1:

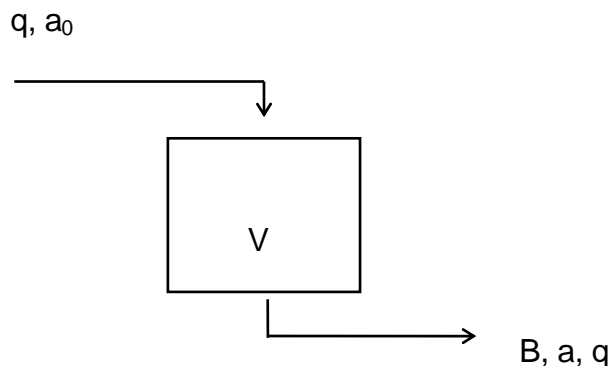
Se desea llevar a cabo en un RTAC la reacción  $A \longrightarrow B$  con un mínimo de costo para una producción de B de 100 moles /hora. La concentración de A a la entrada  $A_0=0.4$  mol/lit. y la constante cinética  $k=0.1$  h<sup>-1</sup>. Los costos de utilización y de reactivo son respectivamente:

$$P_u=2.1 \text{ \$/hr lit de reactivo}$$

$$P_r=35 \text{ \$/mol}$$

La reacción es de primer orden  $k C_A=\text{mol/hlt.}$

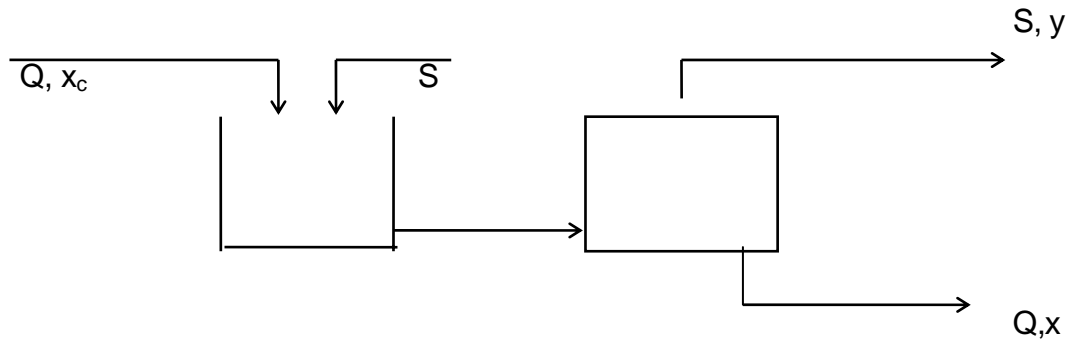
La función a optimizar es ( $\text{\$/hr}$ )  $C_T= P_u V+P_r q a_0$



Analice la sensibilidad de la función objetivo frente a cambios en el término independiente de las restricciones

##### Planteo n° 2:

Se desea calcular la cantidad de solvente que maximice los beneficios en la instalación por extracción siguiente:



La extracción se hará en una sola etapa y se considera que se llega al equilibrio.

Datos:

Q(Carga)= 100 kg/h

x<sub>c</sub>(soluto)= 0.50 kg de soluto/ kg de carga

S(solvente)inmiscible con la carga ( kg de solvente/hr)

Relación de equilibrio  $y=2x$  ( $y=$ kg de soluto/ kg de solvente)

Costos:

C<sub>s</sub>=3 UM/kg de solvente

P<sub>s</sub>= 20 UM/ kg de soluto

**Planteo n° 3:**

Una compañía manufacturera vende tres productos y ha encontrado que su función ingreso es  $f=10x+4.4y^2+2z$  donde x, y y z son las tasas de producción mensual de cada químico. Se sabe que es necesario imponer los siguientes límites a las tasas de producción:

$$x \geq 2$$

$$1/2z^2 + y^2 \geq 3$$

Además solo una cantidad limitada de materia prima esta disponible; por esto se deben imponer las siguientes restricciones sobre la producción.

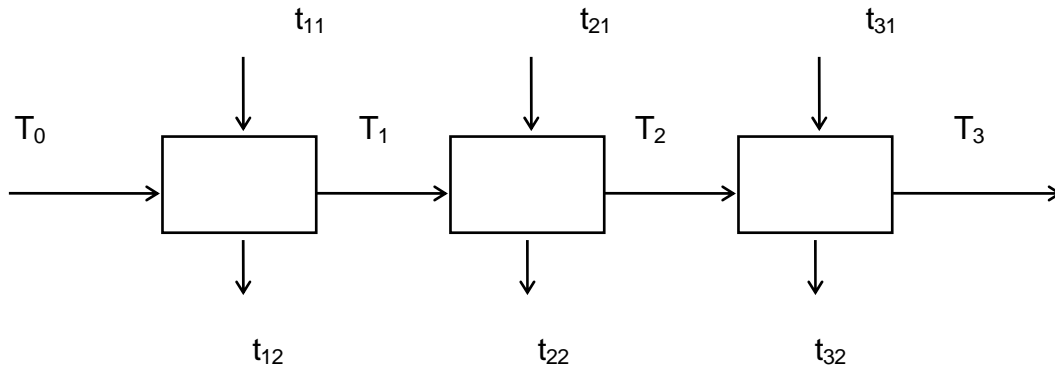
$$x + 4y + 5z \leq 32$$

$$x + 3y + 2z \leq 29$$

Determine la mejor producción para esta compañía y encuentre el mejor valor de la función ingreso.

**Planteo n° 4:**

Un fluido frío se calienta en un sistema de intercambiadores como el siguiente:



Suponga que el modelo para cada intercambiador está dado por:

$$W \cdot C_p \cdot (T_n - T_{n-1}) = U_n \cdot A_n \cdot (t_{n1} - T_n)$$

con  $W \cdot C_p = \text{constante}$

Encuentre el área total mínima para los siguientes requerimientos:

$T_0 = 100 \text{ } ^\circ\text{F}$	$t_{11} = 300 \text{ } ^\circ\text{F}$	$U_1 = 120 \text{ BTU/h ft}^2 \text{ } ^\circ\text{F}$
$T_3 = 500 \text{ } ^\circ\text{F}$	$t_{21} = 400 \text{ } ^\circ\text{F}$	$U_2 = 80 \text{ BTU/h ft}^2 \text{ } ^\circ\text{F}$
$W \cdot C_p = 10^5 \text{ BTU/}^\circ\text{F}$	$t_{31} = 600 \text{ } ^\circ\text{F}$	$U_3 = 40 \text{ BTU/h ft}^2 \text{ } ^\circ\text{F}$

*(Este problema también puede resolverse por programación dinámica)*

### **Parte b: Método del gradiente reducido**

#### **Planteo n°1:**

En la etapa  $k=2$ , el método del gradiente reducido generalizado, es aplicado al siguiente problema en el punto  $(0,1,1)$ .

$$\text{Minimice } f(x)=2x_1^2+2x_2^2+x_3^2-2x_1x_2-4x_1-6x_2$$

Sujeto a

$$x_1+x_2+x_3=2$$

$$x_1^2+5x_2=5$$

$$x_i \geq 0, i=1,2,3$$

1. Calcule las componentes de la dirección de búsqueda y magnitud para cada una de las variables independientes.
2. Calcule las componentes de la dirección de búsqueda y magnitud para cada una de las variables independientes
3. Reduzca  $f(x)$  en la dirección de búsqueda

Explique como calcularia el siguiente punto factible para comenzar la siguiente etapa ( $k=3$ ) de optimización.